

Решения заданий
школьный этап Всероссийской олимпиады по физике
2016-2017 уч. год
8 класс

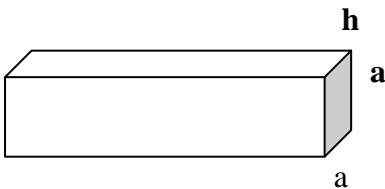
Задание 1. (10 баллов)

Решение:

- 1) Общий путь $s=s_1+s_2=150 \text{ км} + 1,5\text{ч} \cdot 60\text{км/ч}=240 \text{ км}$
- 2) Общее время в пути: $t=t_1+t_2+t_{\text{остан}}=2\text{ч}+1,5\text{ч}+0,33\text{ч}= 3,83\text{ч}$
- 3) Средняя скорость $v_{\text{ср}}=s/t=240 \text{ км} / 3,83\text{ч}=62,7 \text{ км/ч}$
- 4) Ответ 62,7км/ч

Задание 2. (10 баллов)

Решение:



- 1) Возможное решение: $\rho=m/V = m/(a^2h)$
- 2) $a_1=a/2, \quad h_1=2h$
- 3) $V_1=a_1^2 \cdot h_1=a^2h/2$
- 4) $m_1=\rho \cdot V_1= m/(a^2h) \cdot a^2h/2= m/2=20\text{кг}$
- 5) Ответ: 20 кг

Задание 3. (10 баллов)

Решение:

- 1) Запас энергии, который дают пять съеденных бананов: $E_o=5 \cdot 200\text{Дж} = 1000\text{Дж}$.
- 2) Для того, чтобы попугаю Кеше забраться на пальму с рупором, потребовалось бы:

$$E_1 = (M + m)gh \text{ энергии: } E_1 = (3\text{кг} + 1\text{кг}) \cdot 10 \frac{\text{Н}}{\text{кг}} \cdot 20\text{м} = 800\text{Дж}.$$

- 3) После этого у него оставалось 200Дж энергии на то, чтобы сделать доклад.
- 4) Ответ: Кеша сумеет сделать доклад, он даже мог и не оставлять рупор на полпути.

9 класс

Задание 1 (10 баллов)

Дано:
 $t_0 = 15 \text{ мин} = 900 \text{ с}$
 $R_{\text{блюдец}} = 2R_{\text{кружки}}$

Найти:
 $t - ?$

Решение.

- 1) т.к. $Q = cm\Delta t$ и $N = S\Delta t$ (по условию)
 $t_0 = Q/N = cm/S_{\text{кружки}}$ – время остывания кружки
- 2) $S_{\text{блюдец}} = 4S_{\text{кружки}}$ – согласно формул $S = \pi R^2$
 $t_1 = Q/3 \cdot 4S = cm/12S_{\text{кружки}}$ – время остывания 1 блюда
- 3) $t = cm/3 \cdot 12S_{\text{кружки}}$ – время остывания 1/3 массы воды в блюде
- 4) $t = 900/36 = 25 \text{ сек}$
Ответ 25 сек

Задание 2 (10 баллов)

Дано:
 $t_1 = 23 \text{ с}$
 $t_2 = 13 \text{ с}$

Найти:
 L_1/L_2

Решение.

- 1) Пусть L_1 – длина электрички
 L_2 – длина поезда
- 2) Тогда $t_1 = L_1/v_1 = L_2/v_2$ – время наблюдения Миши
 $t_2 = L_1/(v_1 + v_2)$ – наблюдение поезда
- 3) Выражаем L_1
 $v_1 \cdot t_1 = (v_1 + v_2)t_2$
 $23 v_1 = 13 v_1 + 13 v_2$
 $10 v_1 = 13 v_2$
 $v_1 = 1.3 v_2$
- 4) $L_1/v_1 = L_2/v_2$ следовательно $L_1/L_2 = v_1/v_2 = 1.3$
Ответ: 1,3

Задание 3 (10 баллов)

Дано
 $R = 400 \text{ Ом}$
 $U = 220 \text{ В}$
 $P = 4.84 \text{ кВт}$

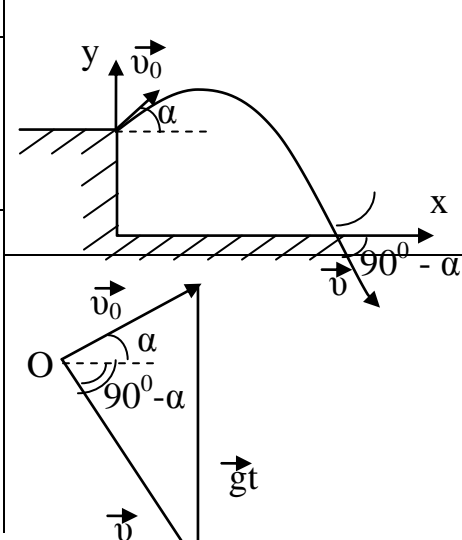
Найти:
 $N - ?$

Решение.

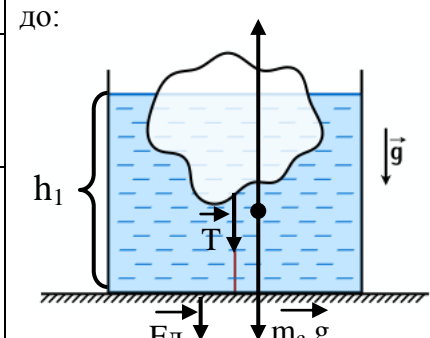
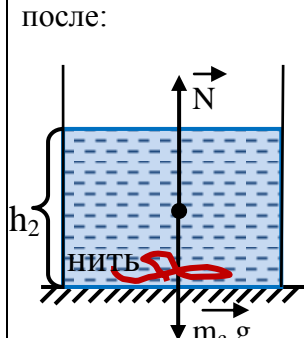
- 1) Пусть параллельно включено N ламп сопротивлением R каждая.
- 2) Тогда $P = U^2/R_{\text{общ}}$, где U – напряжение на лампах, а $R_{\text{общ}}$ – общее сопротивление N ламп,
- 3) $R_{\text{общ}} = R / N$.
- 4) Объединяя две вышеприведенные формулы, найдем $N = PR/U^2$
Ответ: 40

10 класс

Задание 1 (10 баллов)

Дано: α $90^\circ - \alpha$ $v_0 = 6 \text{ м/с}$ $v = 8 \text{ м/с}$		Решение: $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{g}t$ Построим треугольник скоростей $\angle O = \alpha + 90^\circ - \alpha = 90^\circ$ значит треугольник прямоугольный и верна теорема Пифагора: $gt^2 = v_0^2 + v^2$ $t = \frac{\sqrt{v_0^2 + v^2}}{g}$	Вычисление: $t = \frac{\sqrt{6^2 + 8^2}}{10} = 1(\text{с})$
$t - ?$			

Задание 2 (10 баллов)

Дано: $T = 1 \text{ Н}$ $S = 400 \text{ см}^2$ $\rho = 1 \text{ г/см}^3$	до: 	после: 	По III закону Ньютона: $N = F_d$ $F_d = p \cdot S = \rho g h S = N$ Запишем уравнения равновесия для содержимого до и после: $\rho g h_2 S = m_c g$ $\rho g h_1 S = m_c g + T$
$\Delta h - ?$ Как изменится уровень воды в сосуде?	содержимое = вода + лёд m_c – масса содержимого	содержимое = вода + растаявший лёд	$\rho g S (h_2 - h_1) = -T$ $\Delta h = \frac{-T}{\rho g S} < 0$
Т.к. $\Delta h < 0$, то уровень воды в сосуде понизится.			
$\Delta h = \frac{-1 \text{ Н}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 9,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 400 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2} \approx -0,00255 \text{ м} = -2,55 \text{ мм}$			

Задание 3 (10 баллов)

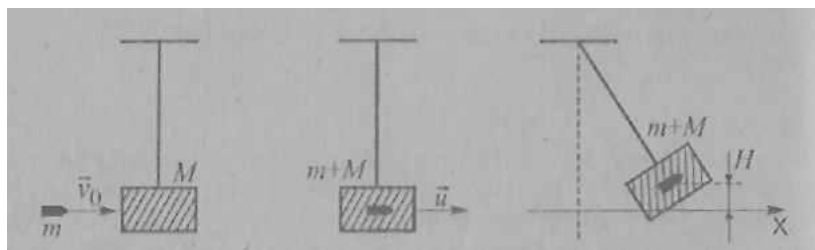
Дано:	Решение:	
$t_1 = -6^\circ\text{C}$ $t_0 = 24^\circ\text{C}$ $R_{\min} = R$ $R_{\max} = 2R$ $R_1 = 1,5R$ $N_{\text{пот}} = \alpha(t_0 - t_1)$	$N_{\text{бат. 1}} = \frac{U^2}{R_1}$, где U - напряжение	Т.к. $N_{\text{бат}} \sim \frac{1}{R}$, то $R_2 = R_{\min} = R$
	В установившемся режиме мощность батареи идёт на нагревание в комнате, а следовательно и на потери тепла через стены: $N_{\text{бат}} = N_{\text{пот}}$	
	Для уличной температуры t_2 :	1. $\frac{U^2}{R} = \alpha \cdot (t_0 - t_2)$
$t_2 - ?$	Для $t_1 = -6^\circ\text{C}$:	2. $\frac{U^2}{1,5R} = \alpha \cdot (t_0 - t_1)$
	Разделим 1. на 2.	$\frac{1,5R}{R} = \frac{t_0 - t_2}{t_0 - t_1} = 1,5$
	Решим уравнение:	$1,5t_0 - 1,5t_1 = t_0 - t_2$ $t_2 = 1,5t_1 - 0,5t_0$
	Вычисление:	$t_2 = 1,5 \cdot (-6) - 0,5 \cdot 24 =$ $-9 - 12 = -21(^\circ\text{C})$

11 класс

Задание 1 (10 баллов)

Решение.

1) Рассмотрим систему: ящик-нить-пуля. Эта система является замкнутой, но в ней внутренняя неконсервативная сила трения пули о ящик, работа которой не равна нулю, следовательно, механическая энергия системы не сохраняется.



Выделим три состояния системы:

- ✓ Первое – пуля движется со скоростью v_0 , ящик покоится.
- ✓ Второе - пуля застряла в ящике, ящик вместе с ней приобретает некоторую скорость u ; нить вертикальна, т.к. время соударения мало.
- ✓ Третье – ящик с пулей внутри поднялся на высоту H ; его скорость равна нулю.

2) При переходе системы из 1 состояния во 2 применяем закон сохранения импульса в

проекции на ось X : $p_{\text{до}} = p_{\text{после}}$; $mv_0 = (M + m)u \Rightarrow u = \frac{mv_0}{M + m} \approx 1,2 \hat{i} / \hat{n}$

3) При переходе системы из первого состояния во второе выделяется количество теплоты Q , которое можно найти из закона сохранения полной энергии: $Q = E_{\text{н}} - E_{\text{к}}$.

4) Начальная механическая энергия системы: $E_{\text{н}} = \frac{mv_0^2}{2}$, конечная -

$$E_{\text{к}} = \frac{(M + m)u^2}{2} = \frac{m^2v_0^2}{2(M + m)},$$

5) Количество теплоты: $Q = \frac{mv_0^2}{2} - \frac{m^2v_0^2}{2(M + m)} = \frac{Mmv_0^2}{2(M + m)} \approx 1796 \text{ Дж}$

6) Закон сохранения энергии при переходе системы из второго в третье состояние:

$$\frac{(M+m)u^2}{2} = (m+M)gH.$$

7) Решая систему уравнений, находим искомую величину $H = \frac{u^2}{2g} = \left(\frac{m}{M+m}\right)^2 \frac{v_o^2}{2g} = 0,072 \text{ м}$

Задание 2 (10 баллов)

1. Считаем, что температура воздуха внутри пузырька не меняется, т.е. он всплывает достаточно медленно, тогда справедлив закон Бойля-Мариотта: $p_1 V_1 = p_2 V_2$.

2. Давление воздуха внутри пузырька на глубине h равно сумме атмосферного и гидростатического давлений: $p_1 = p + \rho gh$.

3. Давление на поверхности воды равно атмосферному давлению: $p_2 = p$.

4. Начальный объем пузырька: $V_1 = \frac{4}{3} \pi R_1^3$. Конечный - $V_2 = \frac{4}{3} \pi R_2^3$.

5. Подставим, получим: $(p + \rho gh) \frac{4}{3} \pi R_1^3 = p \cdot \frac{4}{3} \pi R_2^3$.

6. С учетом условия $\frac{R_2}{R_1} = n = 2$, получим: $p + \rho gh = p \cdot n^3$.

7. Отсюда искомая глубина: $h = \frac{p(n^3 - 1)}{\rho g} = 70 \text{ м}$.

Задание 3 (10 баллов)

Удобно перейти в систему отсчета центра масс – в этой системе отсчета электроны сближаются с одинаковыми скоростями, равными $v_o/2$.

Минимальное расстояние достигается в момент, когда электроны остановятся, когда вся их начальная кинетическая энергия переходит в потенциальную энергию.

Используем закон сохранения энергии

$$2 \cdot \frac{mv^2}{2} = k \frac{e^2}{r_{\min}} \quad \text{или} \quad 2 \cdot \frac{mv_o^2}{2 \cdot 4} = k \frac{e^2}{r_{\min}}.$$

$$\text{Следовательно, } r_{\min} = \frac{4ke^2}{mv_o^2} = \frac{e^2}{\pi \epsilon_o mv_o^2} = 1 \text{ нм}$$

В системе отсчета центра масс электроны разлетаются с такими же по модулю скоростями $v_o/2 = 500 \text{ км/с}$